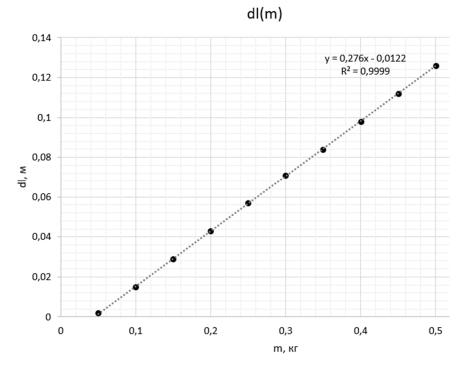
Районная олимпиада 2022 г. Экспериментальный тур. 11 класс. Решение. Математический пружинный маятник

1.1. Результаты измерений представлены в таблице 1.

Nº	m, г	l, M	dl, m	t, c	Т, с	T^2 , c^2
1	0	0,230	0,000	-	-	-
2	0,05	0,232	0,002	1	1	-
3	0,10	0,245	0,015	3,75	0,375	0,14063
4	0,15	0,259	0,029	4,58	0,458	0,20976
5	0,20	0,273	0,043	5,06	0,506	0,25604
6	0,25	0,287	0,057	5,69	0,569	0,32376
7	0,30	0,301	0,071	6,11	0,611	0,37332
8	0,35	0,314	0,084	6,53	0,653	0,42641
9	0,40	0,328	0,098	6,98	0,698	0,48720
10	0,45	0,342	0,112	7,32	0,732	0,53582
11	0,50	0,356	0,126	7,71	0,771	0,59444

1.2. График зависимости dl(m) приведён на рисунке.



1.3. Зависимость носит линейный характер. Значение коэффициентов α и β и их погрешности вычислены методом наименьших квадратов (МНК)

$$\alpha = 0.2760 \frac{\text{M}}{\text{K}\Gamma}; \ \beta = -0.00122 \ \text{M} = -1.22 \ \text{MM};$$

$$\Delta \alpha = 0.0007 \frac{\text{M}}{\text{K}\Gamma}; \ \Delta \beta = 0.0002 \ \text{M} = 0.2 \ \text{MM}.$$

α – коэффициент пропорциональности, равный

$$\alpha = \frac{dl}{m} \quad (1).$$

Величина β , на первый взгляд, должна быть равна нулю. Однако, пружины часто делают с натягом, то есть, если бы не размеры проволоки, пружины сжались бы ещё больше. Таким образом, значение β отрицательное и показывает, на сколько могли бы ещё сжаться пружины. Так как в нашем случае, погрешность $\Delta\beta$ меньше β , её значением нельзя пренебречь. Следовательно, пружина изготовлена с натягом.

1.4. С помощью формулы (1) и условия равновесия выразим k

$$kdl = mg \rightarrow k = \frac{mg}{dl} = \frac{g}{\alpha} = \frac{9,81 \frac{M}{c^2}}{0,2760 \frac{M}{K\Gamma}} = 35,543 \frac{H}{M}.$$

$$\varepsilon_k = \varepsilon_g + \varepsilon_\alpha = \frac{\Delta g}{g} + \frac{\Delta \alpha}{\alpha} = \frac{0,01 \frac{M}{c^2}}{9,81 \frac{M}{c^2}} + \frac{0,0007 \frac{M}{K\Gamma}}{0,2760 \frac{M}{K\Gamma}} = 0,0035;$$

$$\Delta k = \varepsilon_k k_1 = 0,0035 * 35,543 \frac{H}{M} = 0,1252 \frac{H}{M} \approx 0,13 \frac{H}{M}.$$

$$k = (35,54 \pm 0,13) \frac{H}{M}.$$

$$k_1 = 2k = (71,1 \pm 0,3) \frac{H}{M}.$$

Тогда

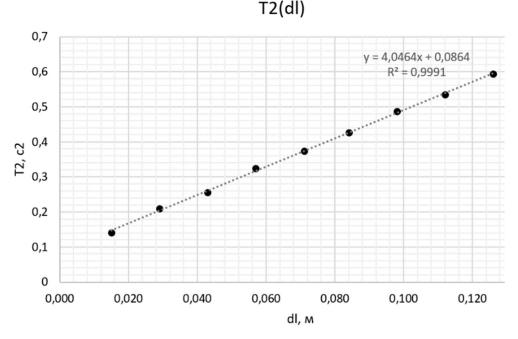
2.2. Из условия равновесия следует

$$k_2 = \frac{mg}{dl}$$
.

Подставим полученное значение в формулу (2)

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{mdl}{mg} = 4\pi^2 \frac{dl}{g}$$
 (3).

Дальнейшие действия аналогичны пункту 2.2. При построении используются данные, полученные в части 2. График полученной зависимости представлен на рисунке



Значения коэффициентов и их погрешность получены МНК.

Второй этап Республиканской олимпиады школьников по физике (2022 г.)

$$\alpha = 4,0464 \frac{c^2}{M}$$
; $\beta = 0,0864 c^2$;
 $\Delta \alpha = 0,0471 \frac{c^2}{M}$; $\Delta \beta = 0,0116 c^2$.

2.3. Из формулы (3) следует

$$\alpha = \frac{4\pi^2}{g} \rightarrow g = \frac{4\pi^2}{\alpha} = \frac{4 \cdot 3,1416926^2}{4,0464 \frac{c^2}{M}} = 9,7564 \frac{M}{c^2}.$$

$$\varepsilon_g = \varepsilon_\alpha = \frac{\Delta \alpha}{\alpha} = \frac{0,0471 \frac{c^2}{M}}{4,0464 \frac{c^2}{M}} = 0,0116;$$

$$\Delta g = \varepsilon_g g = 0,0116 * 9,7564 \frac{M}{c^2} = 0,1135 \frac{M}{c^2} \approx 0,11 \frac{M}{c^2}.$$

Тогда

$$g = (9,76 \pm 0,11) \frac{M}{c^2}$$

 $g=(9,76\pm0,11)\frac{^{M}}{c^{2}}.$ 2.4. Значение ускорения свободного падения $g=9,7564\frac{^{M}}{c^{2}}$ попадает в полученный интервал.

Возможные расхождения могут объясняться погрешностью измерений.